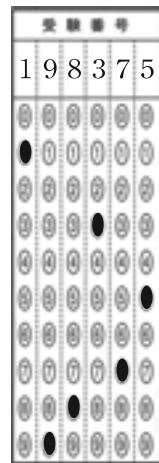


高等学校 数学

マーク式解答用紙
受験番号記入例 ※1

解答についての注意点

- 1 解答用紙は、マーク式解答用紙と記述式解答用紙の2種類があります。
- 2 大問①～大問③については、マーク式解答用紙に、
大問④については、記述式解答用紙に記入してください。
- 3 解答用紙が配付されたら、まずマーク式解答用紙に受験番号等を記入し、受験番号に対応する数字を、右の記入例に従って、鉛筆で黒くぬりつぶしてください。※1
記述式解答用紙は、全ての用紙の上部に受験番号のみを記入してください。※2
- 4 大問①～大問③については、次のマーク式解答用紙への解答上の注意をよく読んで解答してください。



記述式解答用紙
受験番号記入例 ※2

マーク式解答用紙への解答上の注意

受験番号	1 9 8 3 7 5
------	-------------

- (1) 解答は、マーク式解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークしてください。間違ってマークしたときは、消しゴムできれいに消してください。
- (2) 問題の文中の [ア], [イ] ウなどには、特に指示のないかぎり、符号 (-, +), 数字 (0~9), 又は文字 (a~e) が入ります。ア, イ, ウ, …の一つ一つは、これらのいずれか一つに対応します。それらをマーク式解答用紙のア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークしてください。

例 [アイウ] に $-7a$ と答えたとき



なお、同一の問題文中に [ア], [イ] ウなどが2度以上現れる場合、2度目以降は、[ア], [イ] ウのように細字で表記します。

- (3) 分数の形で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。
例えば、[工] に $-\frac{4}{5}$ と答えたときは、 $\frac{-4}{5}$ として答えてください。
また、それ以上約分できない形で答えてください。
例えば、 $\frac{3}{4}$, $\frac{2a+1}{3}$ と答えるところを、 $\frac{6}{8}$, $\frac{4a+2}{6}$ のように答えてはいけません。
 - (4) 小数の形で解答する場合、指定された桁数の一つ下の桁を四捨五入して答えてください。また、必要に応じて、指定された桁まで [0] にマークをしてください。
例えば、[キ] . [ク] に 2.9 と答えたときは、2.90 として答えてください。
 - (5) 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えてください。
例えば、 $4\sqrt{2}$, $\frac{\sqrt{13}}{2}$, $6\sqrt{2a}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$, $\frac{\sqrt{52}}{4}$, $3\sqrt{8a}$ のように答えてはいけません。
 - (6) 比の形で解答する場合、最も簡単な整数比で答えてください。
例えば、1 : 3 と答えるところを、2 : 6 のように答えてはいけません。
- 5 その他、係員が注意したことによく守ってください。

指示があるまで中をあけてはいけません。

x についての 3 次関数 $f(x) = x^3 + x^2 - x + 2$ について考える。

(1) 関数 $f(x)$ は $x = \boxed{\text{アイ}}$ のとき, 極大値 $\boxed{\text{ウ}}$ をとり, $x = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}}$ のとき,

極小値 $\frac{\boxed{\text{カキ}}}{\boxed{\text{クケ}}}$ をとる。また, 関数 $f(x)$ の変曲点の x 座標は $\frac{\boxed{\text{コサ}}}{\boxed{\text{シ}}}$ である。

(2) $y = f(x)$ の $x = 1$ における接線 l の方程式は $y = \boxed{\text{ヌ}} x - \boxed{\text{セ}}$

であり, $y = f(x)$ は $x = \frac{\boxed{\text{ソタ}}}{\boxed{\text{チ}}}$ において, 接線 l と平行なもう一つの接線 m をもつ。

また, 接線 l と $y = f(x)$ の共有点の x 座標は $\boxed{\text{ツテ}}$ と $\boxed{\text{ト}}$ であり, ($\boxed{\text{ツテ}} < \boxed{\text{ト}}$ とする。)

接線 l と $y = f(x)$ で囲まれた部分の面積 S_1 は $\frac{\boxed{\text{ナニ}}}{\boxed{\text{ヌ}}}$ である。

さらに, $y = 3$ と $y = f(x)$ で囲まれた部分の面積を S_2 とおくと

$S_1 : S_2 = \boxed{\text{ネノ}} : \boxed{\text{ハ}}$ である。

2

(1) x についての整式 $x^2 - 12x - 864$ を因数分解すると、 $(x + \boxed{\text{アイ}})(x - \boxed{\text{ウエ}})$ である。

(2) $\tan \theta = 2$ のとき、 $\left(\frac{\cos \theta}{1 + \sin \theta} + \frac{1 + \sin \theta}{\cos \theta} \right)^2 = \boxed{\text{オカ}}$ である。

(3) 1 から 100 までの 100 個の整数の中から相異なる 3 個の整数 a, b, c を選ぶとき、 $a + 2b + c$ が

偶数となる確率は $\frac{\boxed{\text{キク}}}{\boxed{\text{ケコ}}}$ である。ただし、どの整数を選ぶことも同様に確からしいものとする。

(4) 二進法で表すと 5 桁になり、五進法で表すと 2 桁になる自然数は全部で $\boxed{\text{サ}}$ 個ある。

また、それらの自然数を十進法で表したとき、それらの総和は $\boxed{\text{シスセ}}$ となる。

(5) 整式 $P(x)$ を $x - 3$ で割ると余りが -100 , $x + 5$ で割ると余りが 36 である。このとき、整式 $P(x)$ を $x^2 + 2x - 15$ で割った余りは **ソタチ** $x - \boxed{\text{ツテ}}$ である。

(6) 2つの直線 $y = 3x + 1$ と $y = -\frac{1}{3}x + 2$ のなす角の二等分線のうち、傾きが正である直線の方程式は $y = \frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}}x + \frac{\boxed{\text{ニ}}}{\boxed{\text{ヌ}}}$ である。

(7) $b > 0$ かつ $a < b < c$ を満たす3つの実数 a, b, c に対して、数列 a, b, c がこの順で等差数列をなし、数列 a^2, b^2, c^2 がこの順で等比数列をなすとき、等比数列 a^2, b^2, c^2 の公比は **ネ** + **ノ** $\sqrt{\boxed{\text{ハ}}}$ である。

(8) 平面図形に関する下の3つの文章について、次の **ヒ**, **フ**, **ヘ** にあてはまるものを下の1～4のうちから一つずつ選べ。

ただし、同じものを繰り返し選んでもよい。

- ・ $\triangle ABC$ が正三角形であることは $\triangle ABC$ の内心と重心が一致するための **ヒ**。
- ・四角形 $ABCD$ について、四角形 $ABCD$ が正方形であることは $AB = BC = CD = DA$ であるための **フ**。
- ・ n 角形 P について、 P のすべての内角それが 180° 未満であることは $n = 4$ であるための **ヘ**。

- 1 必要条件であるが十分条件ではない
- 2 十分条件であるが必要条件ではない
- 3 必要十分条件である
- 4 必要条件でも十分条件でもない

3

(1) $\sin 18^\circ$ の値を求めよ。

$\theta = 18^\circ$ とおくと, $\boxed{ア} \theta = 90^\circ$ となることから, $\sin 3\theta = \cos \boxed{イ} \theta$ となる。

ここで, $\sin 3\theta = \boxed{ウエ} \sin^3 \theta + \boxed{オ} \sin \theta$, $\cos \boxed{イ} \theta = \boxed{カ} - \boxed{キ} \sin^2 \theta$

であり, $\sin \theta = t$ とおくと, $\boxed{ク} t^3 - \boxed{ケ} t^2 - \boxed{コ} t + 1 = 0$

$\theta = 18^\circ$ から $0 < t < 1$ より, $\sin \theta = \frac{\boxed{サシ} + \sqrt{\boxed{ス}}}{\boxed{セ}}$ と求まる。

(2) i を虚数単位とする。

$$z = \cos \frac{2}{5} \pi + i \sin \frac{2}{5} \pi \text{ のとき,}$$

$z + z^2 + z^3 + z^4$ の値は **ソタ** であり,

$(2-z)(2-z^2)(2-z^3)(2-z^4)$ の値は **チツ** であり,

$(z^4 + z^3 + z^2 - 1)(z^4 + z^3 + z - 1)(z^4 + z^2 + z - 1)(z^3 + z^2 + z - 1)$ の値は **テト**

である。

p を素数とし、自然数 a は p と互いに素であるとき、次の問いに答えよ。

- (1) $a, 2a, 3a, \dots, (p-1)a$ を p で割ったときの余りはそれぞれ異なることを示せ。
- (2) $a^{p-1} - 1$ は p の倍数であることを証明せよ。
- (3) 2018^{1800} を 181 で割ったときの余りを求めよ。

